

## Hlasovací otázka 9

Náhodná veličina  $X$  nabývá jen dvou různých hodnot, 0 a 1.  
Předpokládejme  $\mathbb{P}(X = 0) = 0,5$ . Co můžeme říci o  $\mathbb{E}X$ ?

## Hlasovací otázka 9

Náhodná veličina  $X$  nabývá jen dvou různých hodnot, 0 a 1.  
Předpokládejme  $\mathbb{P}(X = 0) = 0,5$ . Co můžeme říci o  $\mathbb{E}X$ ?

- A)  $\mathbb{E}X = 0$ ,
- B)  $\mathbb{E}X = 0,5$ ,
- C)  $\mathbb{E}X = 1$ ,
- D) může nastat možnost A nebo C,
- E) možnosti A a C platí obě,
- F) nemáme dostatek informací.

## Úloha 8.1 (počet her v úloze o rozdělení sázky)

Uvažujme dva stejně dobré hráče, kteří hrají sérii her, ve kterých není remíza. Oba vsadili stejnou částku a dohodli se, že kdo první vyhraje 6 her, získá celou vsazenou sumu peněz. V době, kdy první hráč vyhrál 5 her a druhý 3 hry, museli svůj souboj přerušit.

## Úloha 8.1 (počet her v úloze o rozdělení sázky)

Uvažujme dva stejně dobré hráče, kteří hrají sérii her, ve kterých není remíza. Oba vsadili stejnou částku a dohodli se, že kdo první vyhraje 6 her, získá celou vsazenou sumu peněz. V době, kdy první hráč vyhrál 5 her a druhý 3 hry, museli svůj souboj přerušit.

Jaké je rozdělení a střední hodnota počtu zbývajících partií potřebných k dosažení rozhodnutí?

## Úloha 8.1 (počet her v úloze o rozdělení sázky)

Uvažujme dva stejně dobré hráče, kteří hrají sérii her, ve kterých není remíza. Oba vsadili stejnou částku a dohodli se, že kdo první vyhraje 6 her, získá celou vsazenou sumu peněz. V době, kdy první hráč vyhrál 5 her a druhý 3 hry, museli svůj souboj přerušit.

Jaké je rozdělení a střední hodnota počtu zbývajících partií potřebných k dosažení rozhodnutí?

Jaké by bylo rozdělení a střední hodnota počtu všech odehraných partií od začátku až po stav, kdy někdo vyhraje  $n$  her?

## Hlasovací otázka 10

V testu dostanete otázku a na výběr jsou tři možnosti. Víte, že právě jedna z nich je správná. Spolu s výběrem odpovědi máte napsat, jak moc jste si jisti (málo, středně, hodně). Bodový zisk bude určen pomocí následující tabulky.

| Míra jistota | Správně | Chybně |
|--------------|---------|--------|
| Malá         | 3       | 2      |
| Střední      | 4       | 1      |
| Vysoká       | 5       | 0      |

Pokud vůbec netušíte, co je správně, a musíte hádat náhodně, jakou míru jistoty máte napsat, abyste maximalizovali svůj bodový zisk?

- A)** Malou,
- B)** střední,
- C)** vysokou,
- D)** nezáleží na tom.

## Úloha 8.2 (placení obědů)

Skupina  $m$  lidí chodí společně na oběd. Po jídle se náhodně určí jeden z nich, kdo to za všechny zaplatí.

## Úloha 8.2 (placení obědů)

Skupina  $m$  lidí chodí společně na oběd. Po jídle se náhodně určí jeden z nich, kdo to za všechny zaplatí.

Jaká je pravděpodobnost, že se při  $k$ -tém obědě prvně přihodí, že někdo bude muset platit podruhé?



## Úloha 8.2 (placení obědů)

Skupina  $m$  lidí chodí společně na oběd. Po jídle se náhodně určí jeden z nich, kdo to za všechny zaplatí.

Jaká je pravděpodobnost, že se při  $k$ -tém obědě prvně přihodí, že někdo bude muset platit podruhé?

Jaká je střední hodnota počtu obědů, kdy k tomu dojde?

## Úloha 8.3 (hra Chuck-a-Luck)

Uvažujme hazardní hru, která se hraje se 3 hracími kostkami. Hráč má možnost vybrat si kterékoli z čísel  $1, \dots, 6$ .

## Úloha 8.3 (hra Chuck-a-Luck)

Uvažujme hazardní hru, která se hraje se 3 hracími kostkami. Hráč má možnost vybrat si kterékoli z čísel  $1, \dots, 6$ .

Pokud zvolené číslo nepadne ani na jedné kostce, musí zaplatit 100 korun.

## Úloha 8.3 (hra Chuck-a-Luck)

Uvažujme hazardní hru, která se hraje se 3 hracími kostkami. Hráč má možnost vybrat si kterékoli z čísel  $1, \dots, 6$ .

Pokud zvolené číslo nepadne ani na jedné kostce, musí zaplatit 100 korun.

Když naopak padne aspoň na jedné kostce, vyhrává vždy určitou částku, a to buď 100 korun, pokud dané číslo padlo právě jednou, 200 korun, když padlo dvakrát, nebo 300 korun, jestliže bylo dosaženo třikrát.

## Úloha 8.3 (hra Chuck-a-Luck)

Uvažujme hazardní hru, která se hraje se 3 hracími kostkami. Hráč má možnost vybrat si kterékoli z čísel  $1, \dots, 6$ .

Pokud zvolené číslo nepadne ani na jedné kostce, musí zaplatit 100 korun.

Když naopak padne aspoň na jedné kostce, vyhrává vždy určitou částku, a to buď 100 korun, pokud dané číslo padlo právě jednou, 200 korun, když padlo dvakrát, nebo 300 korun, jestliže bylo dosaženo třikrát.

Jaký je střední zisk hráče z jedné takovéto hry?

## Úloha 8.4 (souboj proti silnějšimu)

Představte si, že hrajete nějakou hru (např. tenis) proti silnějšimu soupeři. Pravděpodobnost, že ho porazíte, je  $0 < p < 1/2$ .

## Úloha 8.4 (souboj proti silnějšimu)

Představte si, že hrajete nějakou hru (např. tenis) proti silnějšimu soupeři. Pravděpodobnost, že ho porazíte, je  $0 < p < 1/2$ .

Předem se domluvíte, že odehrajete sudý počet  $N = 2n$  her. Celkovým vítězem se stane ten, kdo vyhraje více her. Protože jste slabší, můžete určit, kolik her se má odehrát.

## Úloha 8.4 (souboj proti silnějšimu)

Představte si, že hrajete nějakou hru (např. tenis) proti silnějšimu soupeři. Pravděpodobnost, že ho porazíte, je  $0 < p < 1/2$ .

Předem se domluvíte, že odehrajete sudý počet  $N = 2n$  her. Celkovým vítězem se stane ten, kdo vyhraje více her. Protože jste slabší, můžete určit, kolik her se má odehrát.

Předpokládáme-li, že  $p = 0,45$ , jaký počet zvolíte, abyste měli největší pravděpodobnost, že se stanete celkovým vítězem?