

## KVANTOVÉ SDÍLENÍ KLÍČE

- (1) Alice zvolí  $(4 + \delta)n$  posloupnost uniformně náhodných informačních bitů  $a = (a_i)$  a  $(4 + \delta)n$  posloupnost instrukčních bitů  $b = (b_i)$ .
- (2) Alice zakóduje  $a_i$  pomocí stavů  $|0\rangle$  a  $|1\rangle$ , je-li  $b_i = 0$ , a pomocí  $|+\rangle$  stavů  $|-\rangle$ , je-li  $b_i = 1$ , a pošle je Bobovi.
- (3) Bob zvolí  $(4 + \delta)n$  posloupnost uniformně náhodných dekódovacích bitů  $c = (c_i)$  a změří přijaté kubyty v bázi  $\{|0\rangle, |1\rangle\}$ , je-li  $c_i = 0$ , a v bázi  $\{|+\rangle, |-\rangle\}$ , je-li  $c_i = 1$ .
- (4) Bob poté zveřejní posloupnost  $c$  a Alice zveřejní posloupnost  $b$ .
- (5) Alice a Bob zvolí  $2n$  indexů, pro které  $b_i = c_i$ , a pro které by tedy hodnota naměřená Bobem měla být  $a_i$ . Takových indexů existuje dostatečně mnoho s velkou pravděpodobností kontrolovanou číslem  $\delta$ .
- (6) Uniformně náhodně poté Alice a Bob zvolí polovinu těchto indexů, na kterých veřejně ověří, zda rovnost opravdu platí. Tím získají představu o míře porušení, kterou je možné očekávat u zbylých bitů.
- (7) Je-li očekávaná míra porušení přijatelná, použijí zbylé bity jako sdílený klíč (porušené bity opraví pomocí mechanismu samoopravného kódu).

Princip bezpečnosti protokolu ilustrujme na nejjednodušším útoku, při kterém útočník změří  $k$  jednotlivých kubitů v jedné z bází  $|0\rangle, |1\rangle$  nebo  $|+\rangle, |-\rangle$ . Volbu báze útočníka na daném kubitů označme  $e_i$ .

- Je-li napaden  $i$ -tý bit, zná útočník hodnotu bitu  $a_i$  z klíče, pokud  $b_i = c_i = e_i$  a  $i$  nebylo vybráno ke kontrole. To je tedy v průměru v  $k/8$  případech.
- Napadení  $i$ -tého bitu je naopak prozrazeno, pokud  $b_i = c_i \neq e_i$ ,  $i$  bylo vybráno ke kontrole a kontrola odhalí nesrovnalost. Uvědomme si, že bit změřený útočníkem v chybné bázi je v jedno z bazových stavů této chybné báze, a výsledkem měření ve správné bázi je tedy uniformně náhodný bit. Nesrovnalost je tedy odhalena průměrně v  $k/16$  případech.

Pokud tedy test poruchy odhalí  $t$  chyb, lze očekávat, že útočník zná zhruba  $2t$  bitů. Význam slova „zhruba“ odpovídá centrální limitní větě, resp. Chernoffovu odhadu.

Základním nedostatkem naší analýzy je předpoklad o podobě útoku. Je úkolem kvantové teorie informace získat horní odhad na množství informace získatelné jakýmkoli útokem v závislosti na pravděpodobnosti odhalení.