

# Písenná zkouška NMAF071, ZS 2016-17

## varianta D

**Příklad 1 :** Spočtěte limitu

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^x - 2^{\sin x}}{x^3}.$$

(15 bodů)

**Příklad 2 :** Najděte primitivní funkci

$$\int \frac{x^2 + x + 1}{(x + 3)(x^2 + 2x + 3)} dx.$$

(20 bodů)

**Příklad 3 :** Najděte všechna řešení obyčejné diferenciální rovnice pro funkci  $y = y(x)$ ,

$$(1 + x^2)y' = (1 + y^2)x,$$

a určete, pro jaká  $x$  jsou (případně nejsou) tato řešení definována.

(15 bodů)

**Příklad 4 :** Vyšetřete průběh funkce

$$f(x) := \frac{1 + x^3}{1 - 2x^3}.$$

(20 bodů)