

### Pátá sada domácích úloh

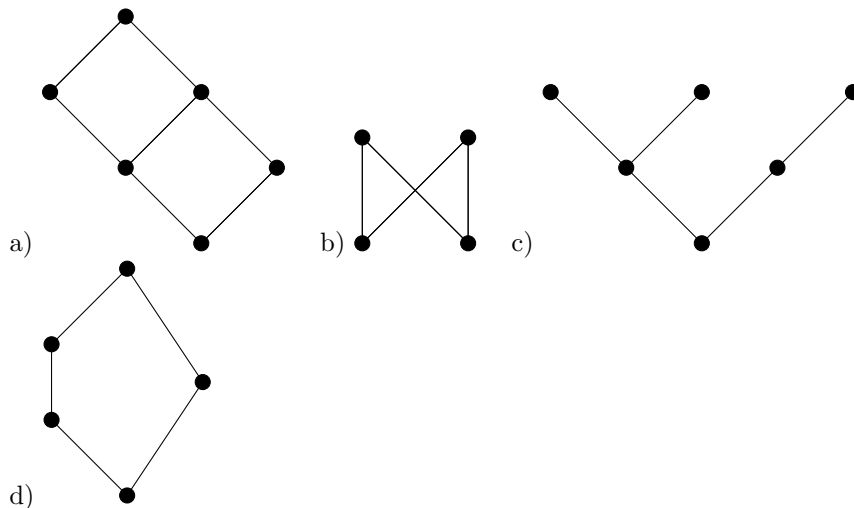
Termín odevzdání 8./9.11. 18:00

**Příklad 1.** Buď  $R$  komutativní okruh, prvek  $a \in R$  splňuje rovnost  $a^3 = 0$ . Dokažte, že k prvku  $1 + a$  existuje v  $R$  inverzní prvek.

**Příklad 2.** Existuje uspořádaná množina, která má právě jeden minimální, ale žádný nejmenší prvek? Pokud ano, sestrojte ji!

**Příklad 3.** Najděte nějaké lineární uspořádání na množině  $\mathbb{C}$ .

**Příklad 4.** Rozhodněte, které z následujících čtyř upořádaných množin jsou svazově uspořádané (tj. zda pro každou dvojici prvků existují supremum a infimum):



**Příklad 5.** Pro  $X$  neprázdnou množinu označme  $\text{Eq}(X)$  množinu všech ekvivalencí (tj. reflexivních, symmetrických a tranzitivních relací) na  $X$  uspořádanou inkluzí.

a) Nakreslete Hasseův diagram pro  $\text{Eq}(\{1, 2, 3\})$ ,

b) dokažte, že  $\text{Eq}(X)$  je vždy svaz.